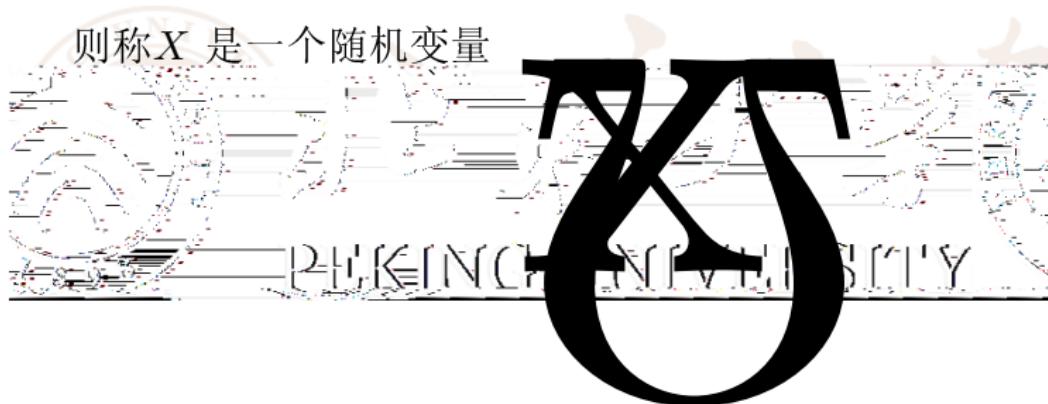


§2.4 随机变量的严格定义与分布函数

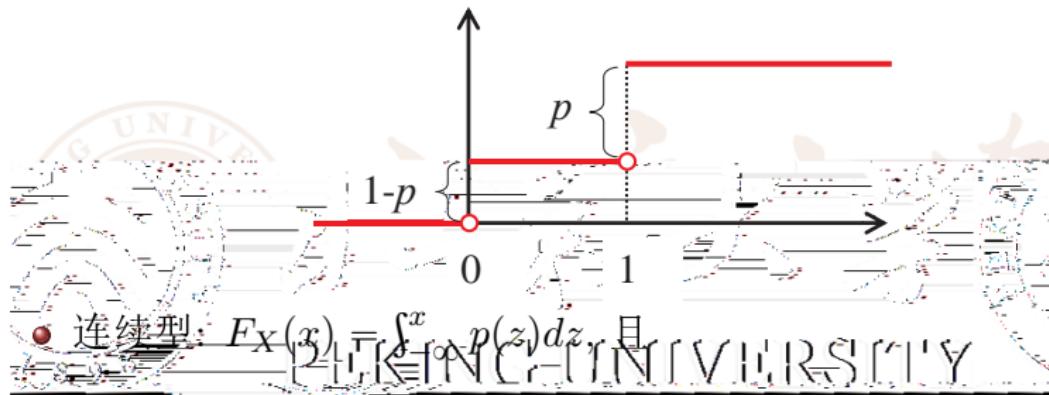
- 定义4.1. 假设 (Ω, \mathcal{F}, P) 是概 空间, $X : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$ 满足:

对任意 $x \in \mathbb{R}$ 都有 $\{X = x\} \in \mathcal{F}$,

则称 X 是一个随机变量



- 离散型: $P(X = x) = p$. x 为 F_X 的跳, p 为跳跃幅度.



$$p(x) = F'_X(x).$$

反过来, 若 F_X “几乎”连续可导, 则为连续型(定理4.3, 4.4).

- 尾分布函数: $G(x) = P(X \geq x) = 1 - F(x).$
连续型: $p(x) = -G'(x).$
- 例. $X \sim \text{Exp}(\lambda).$

$G(x) = e^{-\lambda x}, \quad \forall x \geq 0,$
 $G'(x) = -\lambda G(x). \quad \lambda: \text{速率}.$

由 $F_X(x)$ 可求出 $f_X(x)$, 即 $F'_X(x)$.

- 若 $F_X = F_Y$, 则称 X 与 Y 同分布, 记为 $X = Y$.
- $X = Y$, 即 $P(X = Y) = 1$, 则 $F_X = F_Y$. 反之不然.