

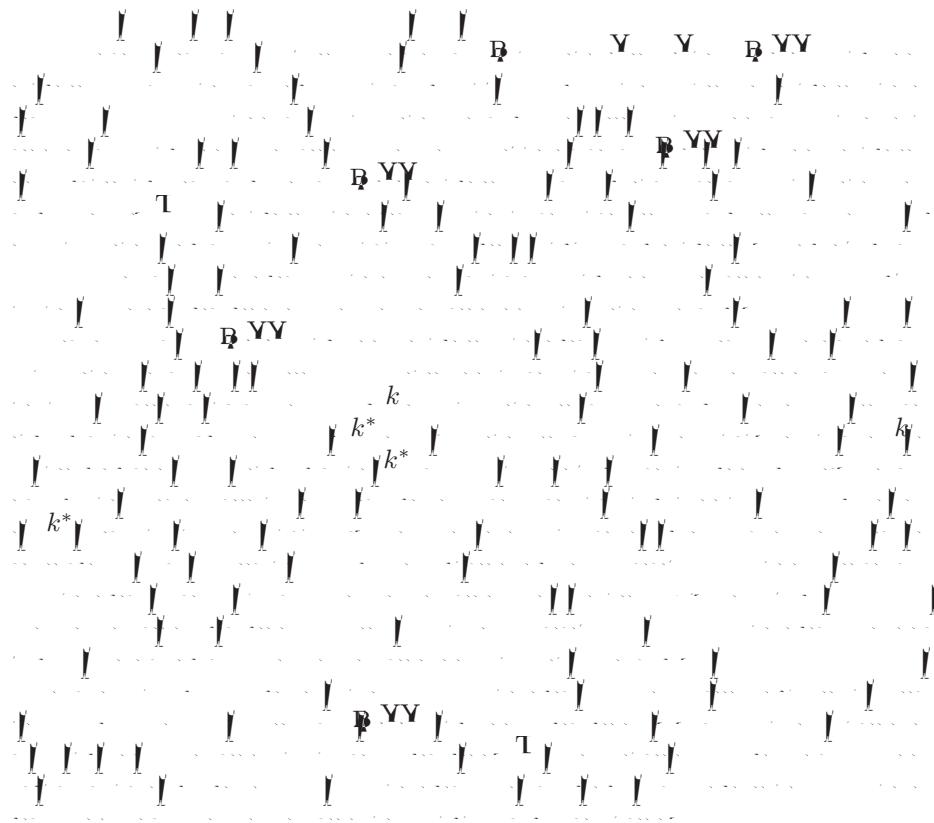
J. P. r. p. of p. for . on & p. , & boo of b  
 J. P. s. p. A A, p. r. r. , p. 100871, b  
 jwma@math.pku.edu.cn

**Abstract.** ss p. r. b. s. b. p. d. s. d. for d. o. d. p.  
 p. d. p. s. s. p. d. b. for b. s. p. d. r. p. o. d. for s. p.  
 r. r. r. p. d. o. r. r. b. for b. b. r. p. d. p. o.  
 o. o. o. of b. b. b. o. d. s. o. r. o. g. r. s. f.  
 b. p. b. r. o. o. p. o. p. s. o. p. p. o. p. r. s. s. p., b. o.  
 p. ( ) for b. for ss p. r. s. s. p. p. d. of  
 s. p. - p. d. - r. g. for b. b. r. p. o. p. b. p. s.  
 o. p. s. d. o. p. o. p. s. o. b. for b. b. b. s. b. p. o. p. s. r. d. o.  
 o. o. o. b. s. d. r. b. s. p. b. s. p. p. r. o. p. s. r. d. p. ( )  
 o. r. b. b. r. o. g. b. b. s. p. p. g. ( ) b. r. o. p. s. o. p. r. r. o. p.  
 p. s. d. o. b. p. r. o. s. s. d. r. r. o. p. s. d. o. p. s. r. d. b. b.  
 s. s. o. o. p. r. p. s. b. o. r. p. r. o. p. d. ( ) for b. o. p. r. f. o. s.  
 b. b. o. r. g. p. o. o. b. b. o. d. s. o. o. p. d. p. r. r. s. o. o. n.

**Keywords:** o. p. ( ) for b. , ss p. r.,  
 s. p. p. g. ( ) b. r. o. p. r. p. g., o. d. s. o. o. n.

## I





a ... a

$$p(x|\Theta_k) = \sum_{i=1}^k \alpha_i p(x|\theta_i) = \sum_{i=1}^k \alpha_i p(x|\mu_i, \Sigma_i),$$

$$\alpha_i \geq \sum_{j=1}^k \alpha_j p(x|\theta_i)$$

$$p(x|\theta_i) = p(x|\mu_i, \Sigma_i) = \frac{1}{\pi^{\frac{n}{2}} |\Sigma_i|^{\frac{1}{2}}} e^{-\frac{1}{2}(x-\mu)^T \Sigma^{-1} (x-\mu)},$$

$$\mu_i, \Sigma_i, \Theta_k, \theta_i, \dots, \theta_k, \alpha_1, \dots, \alpha_k.$$

$$\mathcal{X} = \{x_t\}_{t=1}^N$$

$$p(\mathcal{X}|\Theta_k) = \prod_{t=1}^N p(x_t|\Theta_k) = \sum_{t=1}^N \sum_{i=1}^k \alpha_i p(x_t|\theta_i),$$

$$\Theta_k$$

$$\begin{aligned}\alpha_i^+ &= \frac{1}{n} \sum_{t=1}^N P(i|x_t) - \mu_i^+ = \sum_{t=1}^N x_t P(i|x_t) / \sum_{t=1}^N P(i|x_t) \\ \Sigma_i^+ &= \sum_{t=1}^N P(i|x_t) x_t - \mu_i^+ x_t - \mu_i^+ T / \sum_{t=1}^N P(i|x_t),\end{aligned}$$

$$\mathbf{a} \in \mathbf{y}, \quad \mathbf{a} \in \mathbf{y}^\perp$$

$$\begin{aligned}x \in X \subset \mathbb{R}^d, \quad & y \in Y \subset \mathbb{R}^m, \\ p(x,y) &= p(x)p(y|x), \quad q(x,y) = q(y|q(x)) \\ p(y|x) &= p(x)q(x|y)q(y), \quad D_x = \{x_1, \dots, x_n\}\end{aligned}$$

$$H(p\parallel q) = \int p(y|x)p(x) - q(x|y)q(y) dx dy.$$

$$y \in \{1, \dots, k\} \subset R, \quad y \in \mathbb{R}^m, \quad \mathbf{B}^{\text{YY}}$$

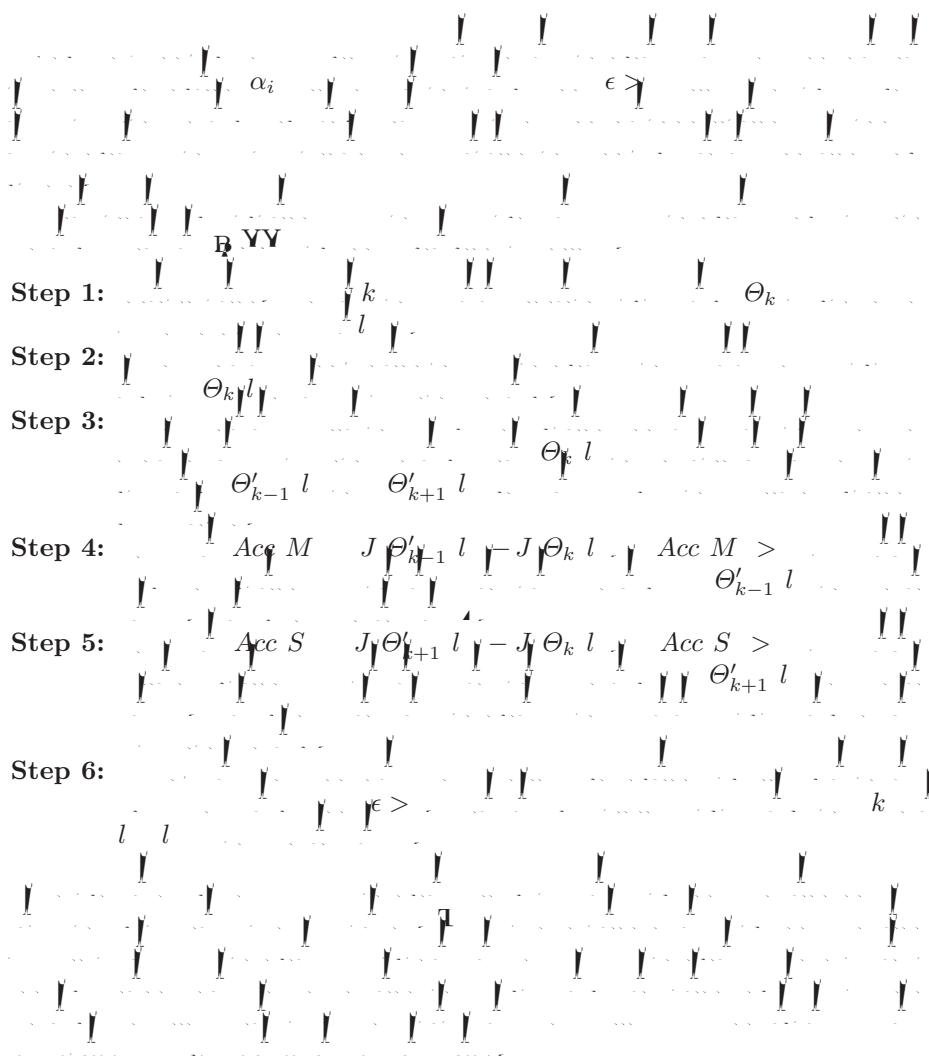
$$\begin{aligned}p(x) &= p_0(x) = \frac{1}{N} \sum_{t=1}^N G(x - x_t) = p(y) = i|x - \alpha_i q(x|\theta_i) / q(x|\Theta_k) \\ q(x|\Theta_k) &= \sum_{i=1}^k \alpha_i q(x|\theta_i) = q(y) = q(y) = i = \alpha_i > -\sum_{i=1}^k \alpha_i,\end{aligned}$$

b o p A for b for ss p r s 555

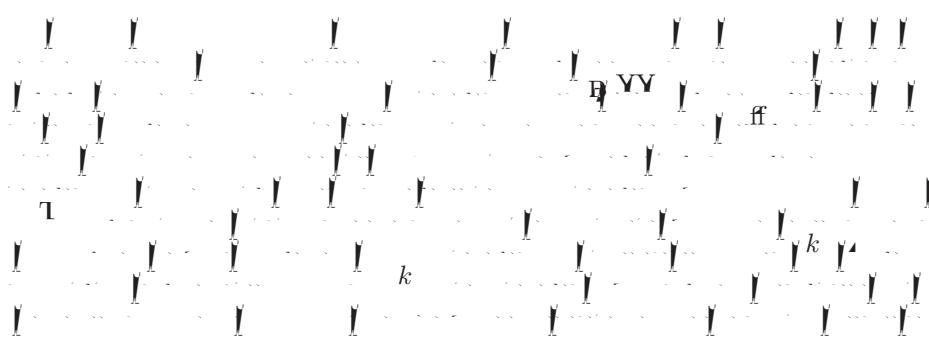
$$\int G \cdot \int \cdots \int q x|y \quad i \quad q x|\theta \int \cdots \int q x|y \quad \int$$
$$\int p y|x \quad q y \quad \int \quad q y \quad q y|x \quad \int$$

B



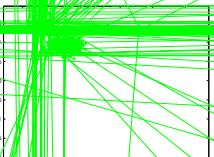


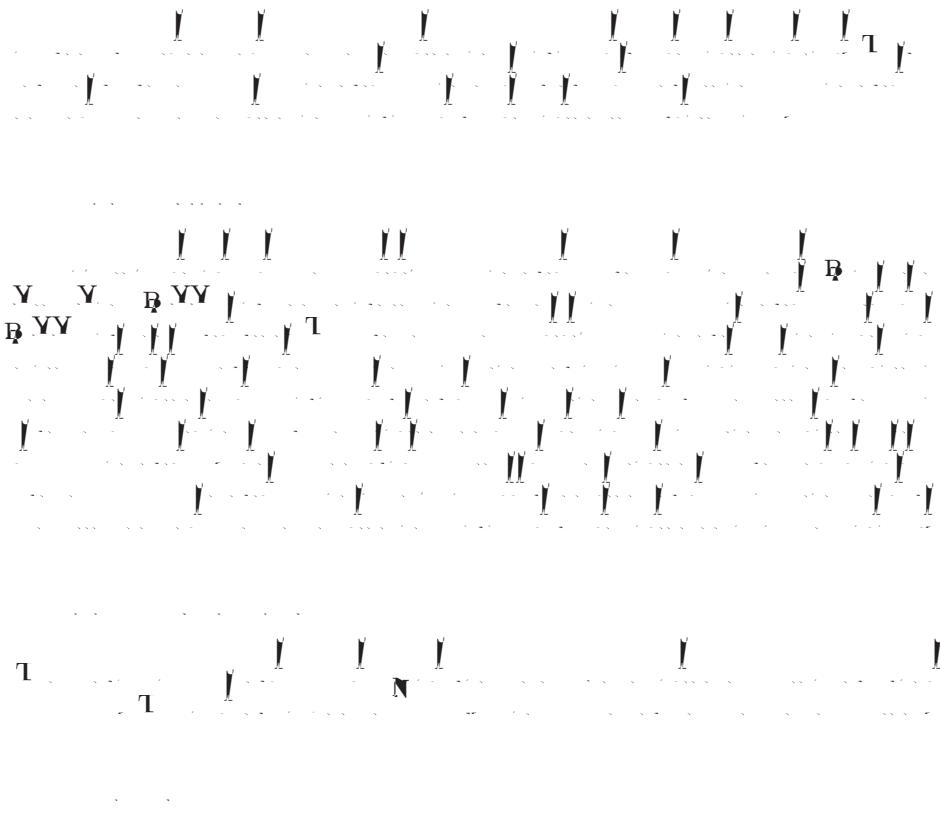
a



558

p7, , pd .





1.  $\text{r} \text{ } \text{d}$ , .A.:  $\text{s} \text{ r} \text{ b}$   $\text{o} \text{ p}$   $\text{rob}$   $\text{s} \text{ p}$   $\text{s} \text{ r} \text{ d}$ .  $\text{ss}$   $\text{o} \text{ p}$   $\text{d}$   $\text{s} \text{ r} \text{ d}$ .  
 $\text{d}$ :  $\text{d}$   $\text{p}$ , (d.),  $\text{s} \text{ r} \text{ b}$   $\text{o} \text{ p}$   $\text{rob}$   $\text{s} \text{ p}$   $\text{s} \text{ r} \text{ d}$ , pp. 45 72. A d  
 $\text{Pr} \text{ ss}$ , or (1977)
  2.  $\text{p}$ , A.,  $\text{b} \text{ s}$ , : A  $\text{zor} \text{ b}$  for  $\text{s} \text{ r} \text{ d}$ ,  $\text{r} \text{ p}$ ,  $\text{d}$   $\text{p}$   $\text{oo}$   
 $\text{s}$  (1989)
  3.  $\text{p} \text{ s} \text{ r}$ , A.,  $\text{r} \text{ d}$ , .,  $\text{b} \text{ p}$ , .,  $\text{d}$   $\text{p}$   $\text{blood}$   $\text{fro}$   $\text{p} \text{ o} \text{ p}$   
 $\text{b}$  A  $\text{zor} \text{ b}$   $\text{o} \text{ m}$  of  $\text{b}$   $\text{o}$   $\text{b} \text{ s}$ , 39, 1 38  
(1977)
  4. A., : A  $\text{oo}$   $\text{b} \text{ s}$   $\text{o} \text{d}$   $\text{d} \text{p}$   $\text{o} \text{p}$ .  $\text{r} \text{ p} \text{s}$   $\text{o} \text{p} \text{s}$   
 $\text{o} \text{p} \text{A} \text{ o}$   $\text{o} \text{p} \text{ro} \text{A}$ , 19, 716 723 (1974)
  5.  $\text{s} \text{ b} \text{ r}$ , :  $\text{s} \text{ p} \text{d}$   $\text{b}$   $\text{p} \text{ s} \text{o} \text{f}$   $\text{o} \text{d}$ .  $\text{b} \text{ A} \text{p} \text{p}$   $\text{s} \text{o} \text{f}$   $\text{b} \text{ s}$   $\text{s} \text{ s}$ , 6,  
461 464 (1978)
  6.  $\text{g} \text{ r} \text{ d} \text{o}$ , .A., . $\text{p}$ , A., :  $\text{p} \text{ s} \text{ p} \text{ r} \text{ s} \text{ d}$   $\text{m} \text{ p} \text{d}$  of  $\text{p}$   $\text{r}$   $\text{o} \text{d}$   $\text{s}$ .  
 $\text{r} \text{ p} \text{s}$   $\text{o} \text{p} \text{s}$   $\text{o} \text{p}$   $\text{m} \text{ A} \text{p} \text{ss}$   $\text{p} \text{d}$   $\text{b} \text{ p} \text{d}$   $\text{g} \text{ p}$  24(3), 381 396  
(2002)
  7. , :  $\text{s} \text{ r} \text{ o} \text{p}$ ,  $\text{p} \text{ d}$   $\text{p} \text{d}$  A  $\text{o}$   $\text{d}$   $\text{o} \text{d}$   $\text{b}$   $\text{o} \text{p}$  for  $\text{p} \text{ s} \text{ p} \text{r}$   
 $\text{s} \text{ d}$   $\text{p} \text{d}$   $\text{p} \text{r} \text{ s} \text{d}$   $\text{m} \text{ p} \text{d}$   $\text{o} \text{p}$   $\text{ss}$   $\text{p} \text{d}$   $\text{r} \text{ s}$ ,  $\text{p} \text{r}$  -  $\text{r} \text{ s}$   $\text{p} \text{d}$  -  
 $\text{b}$   $\text{o} \text{d}$   $\text{s}$   $\text{p} \text{d}$   $\text{o} \text{p}$   $\text{o} \text{m}$  of  $\text{r}$   $\text{b} \text{ s}$   $\text{s}$  11(1), 43 69 (2001)
  8. , :  $\text{r} \text{ o} \text{p}$   $\text{m} \text{ p} \text{d}$ ,  $\text{b} \text{ r}$   $\text{r}$ ,  $\text{p} \text{d}$   $\text{o} \text{p} \text{o} \text{p}$ ,  $\text{b}$   $\text{f} \text{o} \text{r} \text{t}$   $\text{p} \text{ p} \text{d}$   
 $\text{o} \text{p}$   $\text{r}$   $\text{q} \text{d}$   $\text{s}$ ,  $\text{r}$   $\text{o} \text{r}$   $\text{s}$ , 15, 1231 1237 (2002)
  9. , ,  $\text{p} \text{d}$ , , : A  $\text{r} \text{ d}$   $\text{p}$   $\text{r} \text{ o} \text{p}$   $\text{m} \text{ p} \text{d}$   $\text{o} \text{p}$   $\text{ss}$   $\text{p} \text{d}$   
 $\text{r}$   $\text{p} \text{A} \text{ o}$   $\text{d}$   $\text{o} \text{d}$   $\text{b}$   $\text{o} \text{p}$ .  $\text{ro} \text{ o} \text{p}$   $\text{p} \text{d}$  56, 481 487 (2004)

10. , , , : r op rd p7 op b r : A d p r d -  
~~p~~ p D op ~~p~~<sub>d</sub> o p7 b s . r ro ss p7 -  
 rs 24(1), 19 40 (2006)

11. , , , : b Add p7 rd p7 A gor b for ss p r  
 b A o d od o p. rd o7p op 40, 2029 2037 (2007)

12. , , , : A s d p op r op rd p7 A gor b op ss p  
 r b A o d od o p. rd o7p op rs 29(6), 701  
 711 (2008)

13. b p7, , b p7, , : o p A gor b for p r od -  
 s. rd o7p op 37, 131 144 (2004)

14. b p7, , b p, , o p, , : A gor b s for ss p r s b  
 o p d p7 p r op. rd o7p op 36, 1973 1983 (2003)